

$$C(n) \in O\left(\sqrt{\lg n}\right)$$